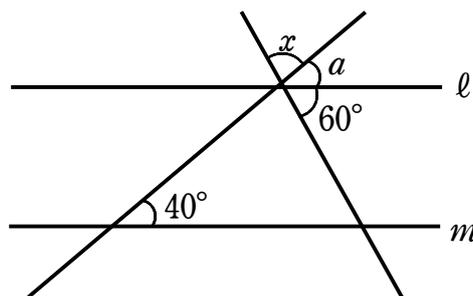


解説 2年の復習 平行と合同

- 1 (1) 右の図において、 $l \parallel m$ より、同位角は等しいから

$$\angle a = 40^\circ$$

よって $\angle x = 180^\circ - (60^\circ + 40^\circ) = 80^\circ$



- (2) $\angle x$ の頂点を通り、直線 l に平行な直線 n をひくと、 $n \parallel m$ である。

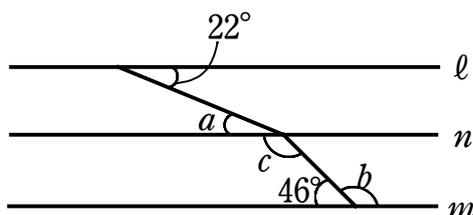
右の図において、 $l \parallel n$ より、錯角は等しいから

$$\angle a = 22^\circ$$

また、 $\angle b = 180^\circ - 46^\circ = 134^\circ$ 、 $n \parallel m$ より

$$\angle c = 134^\circ$$

よって $\angle x = 22^\circ + 134^\circ = 156^\circ$



- 2 (1) $\triangle AEC$ において、内角と外角の性質から

$$\angle AED = 30^\circ + 40^\circ = 70^\circ$$

$\triangle EDB$ において、内角と外角の性質から

$$50^\circ + \angle x = 70^\circ$$

よって $\angle x = 70^\circ - 50^\circ = 20^\circ$

- (2) $\triangle ABD$ において、内角と外角の性質から

$$\angle CDF = 70^\circ + 20^\circ = 90^\circ$$

$\triangle DFC$ において、内角と外角の性質から

$$\angle x = 30^\circ + 90^\circ = 120^\circ$$

- 3 正五角形の内角の和は $180^\circ \times (5 - 2) = 540^\circ$

正五角形の1つの内角の大きさは $540^\circ \div 5 = 108^\circ$

右の図のように、点 F, G, H を定めると

$$\angle FAE = 180^\circ - (30^\circ + 108^\circ) = 42^\circ$$

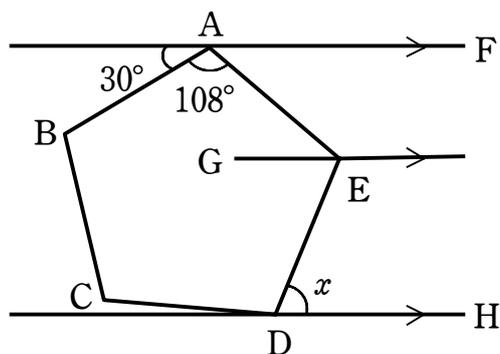
$AF \parallel GE$ より、錯角は等しいから

$$\angle AEG = 42^\circ$$

よって $\angle GED = 108^\circ - 42^\circ = 66^\circ$

$GE \parallel DH$ より、錯角は等しいから

$$\angle x = 66^\circ$$



4 $\triangle AMD$ と $\triangle MBE$ において

点 M は辺 AB の中点であるから

$$AM = MB \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$MD \parallel BC$ より, 同位角は等しいから

$$\angle AMD = \angle MBE \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

また, $ME \parallel AC$ より

$$\angle MAD = \angle BME \quad \dots\dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③ より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle AMD \equiv \triangle MBE$$

5 (1) $\triangle OAP$ と $\triangle OQH$ において

仮定から $OP = OH \quad \dots\dots \textcircled{1}$

OA, OQ はともに円 O の半径であるから

$$OA = OQ \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

共通な角であるから

$$\angle POA = \angle HOQ \quad \dots\dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③ より, 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle OAP \equiv \triangle OQH$$

よって $\angle OPA = \angle OHQ = 90^\circ$

(2) $\triangle RHA$ と $\triangle RPQ$ において

①, ② から, $OA - OH = OQ - OP$ であるから

$$AH = QP \quad \dots\dots \textcircled{4}$$

また $\angle RHA = \angle RPQ = 90^\circ \quad \dots\dots \textcircled{5}$

$\triangle OAP \equiv \triangle OQH$ より

$$\angle OAP = \angle OQH$$

すなわち $\angle HAR = \angle PQR \quad \dots\dots \textcircled{6}$

④, ⑤, ⑥ より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle RHA \equiv \triangle RPQ$$

よって $HR = PR$